

# 探索 (search)

データ列の中から、特定のキーを持つデータを探す。

## 線形探索

先頭から順番に、キーを調べる。

## 2分探索

キー値に順序があり、順序に従い要素が並んでいる。  
列の中央のキーを調べ、その値により、列の前半、後半を探索対象とする。

計算量： 要素数  $n$

線形探索：  $O(n)$

2分探索：  $O(\log_2 n)$

# ハッシュ (hash)

連想リスト :

キーと、キーに対応つけたデータの組を要素とした、  
連結リスト。

リストをたどり、特定のキーに対する値を探索する  
ことができた。

線形探索には、 $O(n)$  がかかった。

ハッシュ法 :

効率的に、キーを探すための、1つの方法

ハッシュ法の考え方：

相異なる8文字のアルファベット名のキー.

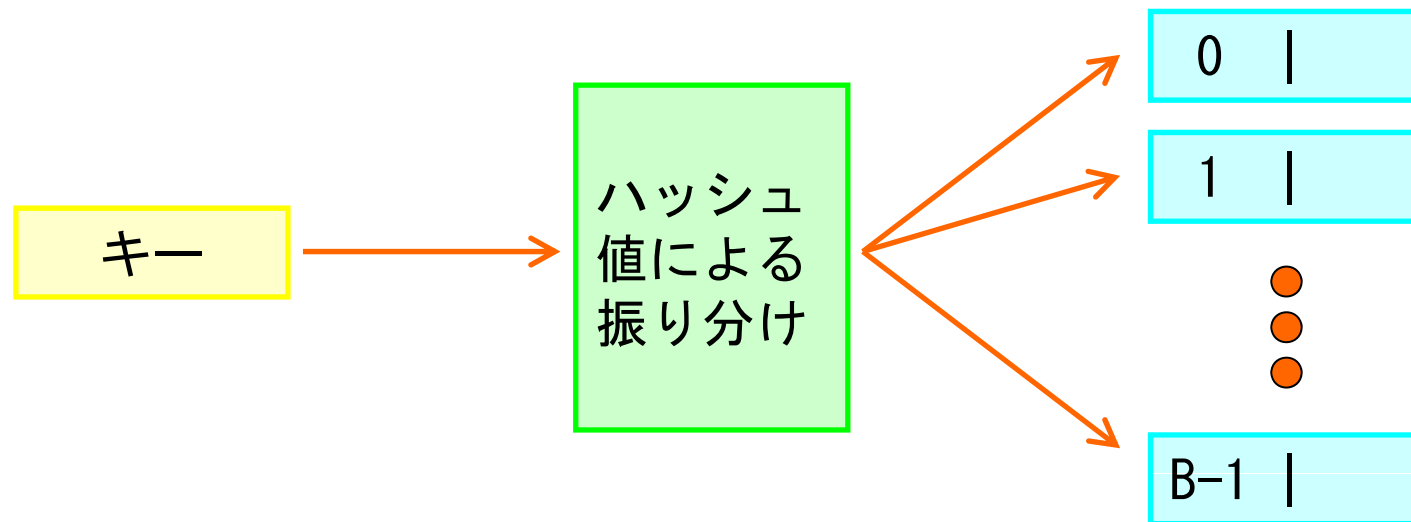
$$26^8 = 208, 827, 064, 576 \\ = 200G \text{ (ギガ) 種類}$$

実用的には, データ数  $n \ll 2.0 \times 10^{11}$

ハッシュ表: B個のバケット

(bucket: バケツ, 入れ物) を持つ表

ハッシュ値:  $0 \sim (B-1)$  の値



ハッシュ関数  $h$  :

アルファベット名からハッシュ値を得る関数.

$h : \{\text{アルファベット名}\} \rightarrow \{0, \dots, B-1\}$

ハッシュ関数の例

アルファベットに数値をつける (数値化) :

$a \rightarrow 0, b \rightarrow 1, \dots, z \rightarrow 25.$

8文字のアルファベットの数値の和  $sum$  を求める (数値化により計算が出来る) .

ハッシュ値 =  $sum \% B$

(  $0 \sim B-1$  の値)

抽象データ型としてのハッシュの操作 :

ハッシュの初期化

ハッシュ値に応じた, データの追加, 削除, 探索

同義語 (synonym) , 衝突 (collision) :

異なるキーに対して, ハッシュ値が同じになること.

同義語, 衝突の解消 :

(1) バケットに, 連結リストをつける.

名称 : オープンハッシュ法, チェイン法,  
外部ハッシュ法

(2) ハッシュ表の空きバケツが見つかるまで,  
ハッシュ値を再計算する (rehash) .

名称 : クローズドハッシュ法, オープンアドレス法,  
内部ハッシュ法

## (1) の方法

各バケットに、平均  $n/B$  個のデータが、連結リストとしてつながる。

計算量： ハッシュ値の計算と、データ追加・削除・探索のためのリストの走査

バケットの数が多ければ、走査する計算量は小さい。

(例)  $B = 8$

key0 → 1

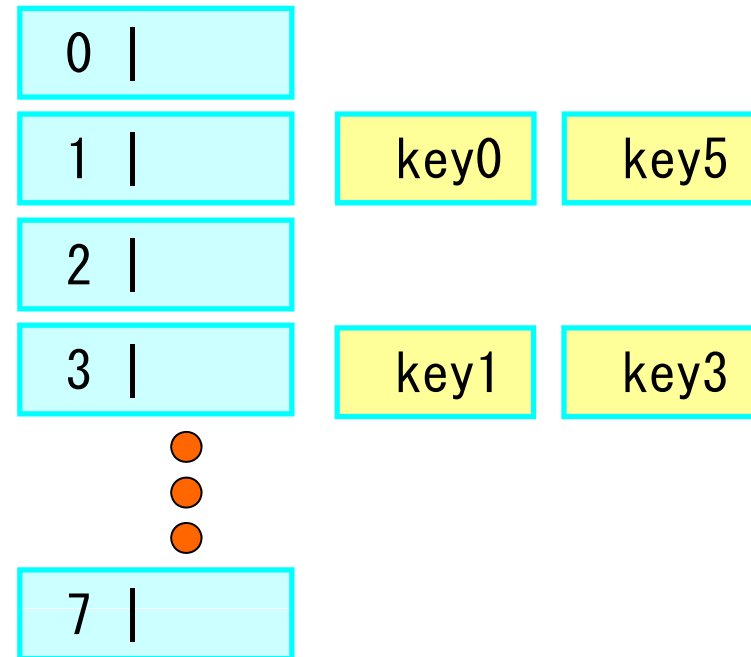
key1 → 3

key2 → 5

key3 → 3

key4 → 4

key5 → 1



## (2) の方法

(a) 1, 2, ..., i 回目の再ハッシュ関数の例 (1)

$$h(x) = x \% B$$

$$h_i(x) = (h(x) + i) \% B$$

B = 16

key0 → 1

key1 → 3

key2 → 5

key3 → 3

key4 → 5

key5 → 3

key6 → 5

key7 → 5

0		8	key6
1	key0	9	key7
2		10	
3	key1	11	
4	key3	12	
5	key2	13	
6	key4	14	
7	key5	15	

塊ができてしまった。

## (2) の方法

探索 :

- (i) 1 回目ハッシュ値が同じキー（同義語）の塊で、目的のキーを捜す.
  
- (ii) 同じキーが現れるまで、再ハッシュ値の評価を繰り返す.



(b)  $i$  回目の再ハッシュ関数の例 (2)

$$h(x) = x \% B$$

$$h_i(x) = (h(x) + k_i) \% B$$

$k_1, k_2, \dots$  は, 1 から  $(B - 1)$  の値の,  
ランダムな並び.

同義語ごとに, キーと, 要素追加に成功したランダム値  
を保持 → 同義語集合内の探索で利用.

計算量:  $2n \leq B$  であれば, 再ハッシュは,  
せいぜい 1 回 (経験則)